

ou, en prenant la dérivée par rapport à s de

l'équation

$$\frac{dx}{ds} \frac{dy}{ds} = \frac{dx}{ds} \frac{dy}{ds} \quad (1)$$

(qui exprime que la ligne est tracée sur la surface), par cette autre équation

$$(3) \quad \frac{dx}{ds} \frac{dy}{ds} = \frac{dx}{ds} \frac{dy}{ds} \quad (2)$$

qui revient à celle dont se sert M. DUPIN. Si l'on prend de nouveau la dérivée par rapport à s de cette dernière équation, on trouve, après quelques réductions,

$$(4) \quad \frac{dx}{ds} \frac{dy}{ds} = \frac{dx}{ds} \frac{dy}{ds} \quad (3)$$

où L représente la somme des termes en $\frac{dx}{ds} \frac{dy}{ds}$ dans le développement de

$$f(x, y) = f(x, y)$$

Les deux équations (2), (3), combinées avec

la suivante

déterminent, pour chaque point de la surface, les directions des deux branches asymptotiques qui s'y entrecroisent, de sorte qu'on peut les regarder comme connues.

Dans ce qui va suivre, nous supposons que $\frac{dx}{ds}$, $\frac{dy}{ds}$, $\frac{d^2x}{ds^2}$, $\frac{d^2y}{ds^2}$ aient un des systèmes

de valeurs fournis par (2), (3), (5).

Désignons par k un rapport à déterminer, et par h^2 la somme des carrés des trois dérivées partielles de la fonction Q de l'équation (i) et de la suivante

$$(0) \quad \frac{dx}{ds} \frac{dy}{ds} = \frac{dx}{ds} \frac{dy}{ds} \quad (4)$$

(7)

$$\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{e^{-\frac{1}{2}x^2}}{\sqrt{2\pi}} dx = 1$$